Aufgabe 3.3.3

Frage 1: Bei einer Messung mit einem 10V Messbereich beträgt der Eingangswiderstand $10\cdot 10 k\Omega = 100 k\Omega$. Mit der Spannungsteilerregel $\frac{U_{\text{MeB}}}{U_{\text{Batterie}}} = \frac{R_{\text{E}}}{R_{\text{E}} + R}$ kann die Messspannung bestimmt werden.

Rechnung: ohne Voltmeter:

$$\frac{U_{\text{Meß}}}{U_{\text{Batterie}}} = \frac{R_{\text{E}}}{R_{\text{E}} + R} \Rightarrow U_{\text{Meß}} = U_{\text{Batterie}} \cdot \frac{R_{\text{E}}}{R_{\text{E}} + R} = 10V \cdot \frac{100 k\Omega}{100 k\Omega + 50 k\Omega} = \underbrace{6,6\overline{6}V}_{\text{Batterie}}$$

mit Voltmeter:

$$\frac{U_{_{MeB}}}{U_{_{Batterie}}} = \frac{R_{_{E}} \left| \ \left| R_{_{MeB}} \right|}{R_{_{E}} \left| \ \left| R_{_{MeB}} + R \right|} \Rightarrow U_{_{MeB}} = U_{_{Batterie}} \cdot \frac{R_{_{E}} \left| \ \left| R_{_{MeB}} \right|}{R_{_{E}} \left| \ \left| R_{_{MeB}} + R \right|} = 10V \cdot \frac{50k\Omega}{50k\Omega + 50k\Omega} = \underline{5V}$$

Antwort: Der Messfehler beträgt bei den Gegebenheiten 25%.

Frage 2: Der $10M\Omega$ Eingangswiderstand des Messgerätes ist 100mal größer als der $100k\Omega$ Widerstand, damit kann höchstens ein 1%iger Fehler auftreten.